

5. Übung, 15. Februar 2019

Thema: Laplace-Transformation

Aufgabe 1. Tankbehälter

Gegeben ist der in Abb. 1 dargestellte Tankbehälter aus Übung 3.) In der vorherigen Übung

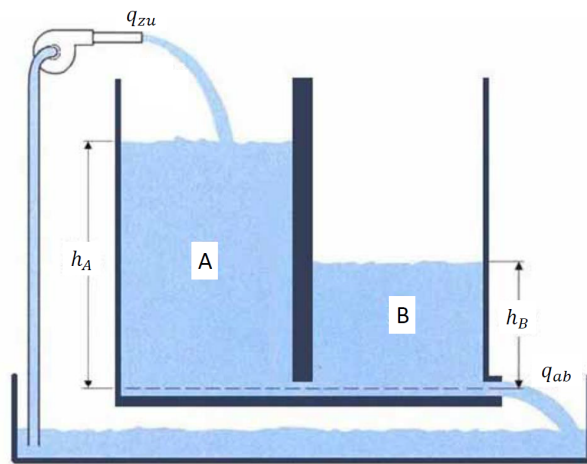


Abbildung 1: Zwei-Tank System

3 wurden die folgenden linearisierten Differentialgleichungen in der Ruhelage des Systems bei einem konstanten Zufluss $q_{zu,0} \geq 0$ bestimmt. Die Δ in der linearisierten Differentialgleichung wurden aus Gründen der Übersichtlichkeit weggelassen

$$\begin{aligned}\dot{h}_A &= k_q \cdot q_{zu} + k_{A,1} \cdot h_A + k_{B,1} \cdot h_B \\ \dot{h}_B &= k_{A,2} \cdot h_A + k_{B,2} \cdot h_B\end{aligned}$$

Aufgaben

- Geben Sie eine Differentialgleichung an, die den Füllstand h_B in Abhängigkeit vom Zufluss q_{zu} beschreibt.
- Transformieren Sie beide gegebenen Differentialgleichungen in den Laplace-Bereich. Geben Sie einen Ausdruck für den Füllstand $H_B(s)$ in Abhängigkeit des Zuflusses an.

Hinweis

Im folgenden gilt:

$$k_{A,1} = k_{B,1} = -2, k_{A,2} = k_{B,2} = 1, h_{A,0} = 2, h_{B,0} = 1$$

Aufgaben

- c) Bestimmen Sie den zeitlichen Verlauf des Füllstandes $h_B(t)$ der aus den gegebenen Anfangswerten für $h_{A,0}$ und $h_{B,0}$ resultiert. Es wird angenommen, dass keine zusätzliche Flüssigkeit in den Tank A fließt ($q_{zu} = 0$).

Aufgabe 2. Elektrischer Hubmagnet

Gegeben sei das System des elektrischen Hubmagneten aus Übung 2.) Es gelten die gleichen

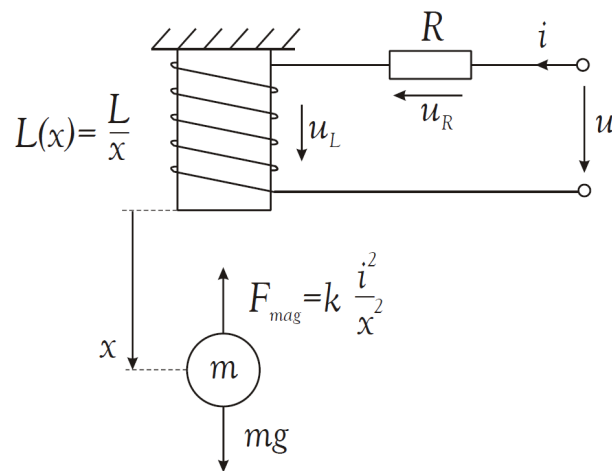


Abbildung 2: Elektrischer Hubmagnet

Angaben wie in Übung 2.). Außerdem sind aus der Aufgabe die folgenden linearisierten Differentialgleichungen in einer Ruhelage mit der konstanten Spannung $u_0 \geq 0$ bekannt:

$$\begin{aligned} \frac{\partial i}{\partial t} &= k_{i,1} \cdot i + k_{u} \cdot u \\ \ddot{x} &= k_x \cdot x - k_{i,2} \cdot i \end{aligned}$$

Hinweis

Die Δ wurden in der Gleichung aus Gründen der Übersichtlichkeit weggelassen

Aufgaben

- a) Transformieren Sie die beiden Differentialgleichungen mit Hilfe der Laplace-Transformation in den Bildbereich
- b) Geben Sie die Übertragungsfunktion des Systems mit dem Eingang $U(s)$ und dem Ausgang $X(s)$ an

Aufgabe 3. Lineare Übertragungsglieder

Gegeben sind die folgenden Differentialgleichungen:

$$T_1 \cdot \dot{y}(t) + y(t) = K \cdot u(t)$$

$$\ddot{y}(t) + 2D\omega_0 \cdot \dot{y}(t) + \omega_0^2 \cdot y(t) = K \cdot u(t)$$

$$T_1 \cdot \ddot{y}(t) + \dot{y}(t) = K \cdot u(t)$$

$$T_1 \cdot \ddot{y}(t) + T_2 \cdot \dot{y}(t) + y(t) = K (u(t) + T_D \cdot \dot{u}(t))$$

Aufgabe Stellen Sie die Übertragungsfunktionen der vier Differentialgleichungen im eingeschwungenen Zustand mit Hilfe der Laplace-Transformation auf. Klassifizieren Sie anschließend deren Übertragungsverhalten.

Aufgabe 4. Zusammenfassen von Blockschaltbildern

Gegeben ist das folgende System in Blockschaltbild-Form

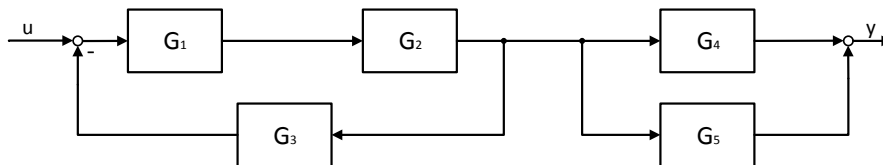


Abbildung 3: Blockschaltbild

mit den allgemeinen Übertragungsfunktionen $G_1(s) - G_5(s)$.

Aufgabe Fassen Sie das oben aufgeführte System zu einer Übertragungsfunktion $G(s) = \frac{Y(s)}{U(s)}$ zusammen. Verwenden Sie hierzu die Gesetze zum Zusammenfassen von Reihen- und Parallelschaltungen sowie Rückkopplungen.