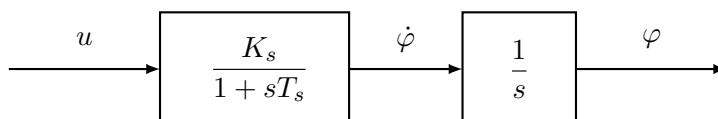


Übung 4, 17. Mai 2021

Thema: Diskretisierung

Aufgabe 1. Diskretisierung kontinuierlicher Systeme

Gegeben ist das durch das folgende Blockschaltbild ($T_s > 0$, $K_s > 0$) dargestellte System mit den Übertragungsfunktionen $G_1(s) = \frac{K_s}{1+sT_s}$ und $G_2(s) = \frac{1}{s}$. Dieses konti-



nuierliche System soll im Rahmen dieser Aufgabe diskretisiert werden.

Aufgaben

- Bestimmen Sie die z -Übertragungsfunktion $G_1(z)$ und die z -Übertragungsfunktion $G(z)$ des gesamten Systems für die Abtastperiode $T > 0$ unter Verwendung von Tabelle 3.3 im Skript S.27.
- Geben Sie die Differenzgleichung des Abtastsystems an.

Aufgabe 2. Polstellen einer z -Übertragungsfunktion

Zeigen Sie, dass die Pole $p_k \in \mathbb{C}$, $k = 1, \dots, m+n$, $m, n \in \mathbb{N}$ einer Übertragungsfunktion der Form

$$G(s) = \sum_{k=1}^m \frac{\alpha_k}{s - p_k} + \sum_{l=1}^n \frac{\beta_l s}{s - p_l}, \quad \alpha_k, \beta_l \in \mathbb{C}$$

durch die Abbildung $s \mapsto e^{sT}$ zu Polen der z -Übertragungsfunktion werden, d.h. dass $e^{p_k T}$ Pole der z -Übertragungsfunktion der mit Abtastzeit $T > 0$ diskretisierten Strecke sind.

Aufgabe 3. z -Übertragungsfunktionen

Berechnen Sie die z -Übertragungsfunktion der folgenden zeitdiskreten Systeme mit $y(k) = 0$ für $k \leq 0$, $u(k) = 0$ für $k < 0$ und $(a, b, c, d \in \mathbb{R})$.

- $y(k) + ay(k-1) = bu(k-2)$
- $y(k+1) + ay(k) + by(k-1) = cu(k) + du(k-1)$