

## Bachelor BAU, EIT, LRT: Mathematik 2

Zeit der Prüfung: Donnerstag, 9.9.2017, 9.00 - 9.30 Uhr.

Die Prüfung besteht aus 7 Aufgaben.

Es sind keinerlei Hilfsmittel zugelassen.

Bei allen Aufgaben muss der Lösungsweg deutlich erkennbar sein.

**Aufgabe 1** Berechnen Sie die folgenden Integrale:

- a)  $\int_0^1 (2x - 5) \exp(-x) dx$   
b)  $\int \frac{2 - (x^2 - 2x + 1) + (x^2 - 2x + 1)^2}{(x-1)^2} dx$     c)  $\int \tan(x) dx$   
d)  $\int_1^0 \ln(x) dx$

**Aufgabe 2** Berechnen Sie die folgenden Grenzwerte:

- a)  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3n^3 - 4n^2 + 5n + 1}{-n^3 - 7n^2 - 1}$     b)  $\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt{n}(\sqrt{n+1} - \sqrt{n})$   
c)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-5x^5 - 2x^4 + 5x + 1}{1 - x^2}$     d)  $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{\sqrt{x+2} - 1}{x+1}$     e)  $\lim_{x \rightarrow \infty} x \ln\left(\frac{x+1}{x-1}\right)$

**Aufgabe 3** Bestimmen Sie die Lage und die Art aller Extremalstellen der folgenden Funktionen:

- a)  $h_1 : [-1, 1) \rightarrow \mathbb{R}, \quad x \mapsto x^2 \cdot \sqrt{1 - x^2}$   
b)  $h_2 : (0, 3\pi] \rightarrow \mathbb{R}, \quad x \mapsto \sin\left(\frac{1}{2}x + \frac{\pi}{2}\right).$

**Aufgabe 4** Bestimmen Sie die allgemeinen Lösungen der Differentialgleichungen

- a)  $y''(x) - 8y'(x) + 15y(x) = 0$   
b)  $y''(x) - 8y'(x) + 16y(x) = 0$   
c)  $y''(x) - 8y'(x) + 17y(x) = 0$

und die partikuläre Lösung für c) zu den Anfangswerten:

$$y(0) = 1 \text{ und } y'(0) = 4.$$

bitte wenden

**Aufgabe 5** Stellen Sie die Differentialgleichung

$$y'''(x) - y''(x) = 0$$

in der Form

$$\mathbf{y}'(x) = A\mathbf{y}(x)$$

dar und bestimmen Sie die allgemeine Lösung der Differentialgleichung

$$y'''(x) - y''(x) = 0.$$

**Aufgabe 6**

a) Konvergieren die folgenden Reihen? (Begründung nicht vergessen):

$$(i) \left( \sum_{j=1}^n \frac{\cos(j\pi)}{j} \right)_{n \geq 1} \quad (ii) \left( \sum_{j=0}^n (-1)^{2j} \frac{41^{2j}}{(2j)!} \right)_{n \geq 0}$$

b) Zeigen Sie:  $1.\overline{09} = 1 + \frac{1}{11}$ .

**Aufgabe 7** Geben Sie **alle** Lösungen  $z \in \mathbb{C}$  (in Exponentialdarstellung) der Gleichungen

$$a) z^5 = 1 \quad b) z^3 - 2i = 2.$$

an.